

# Compte-rendu TP 12

## Filtres 2

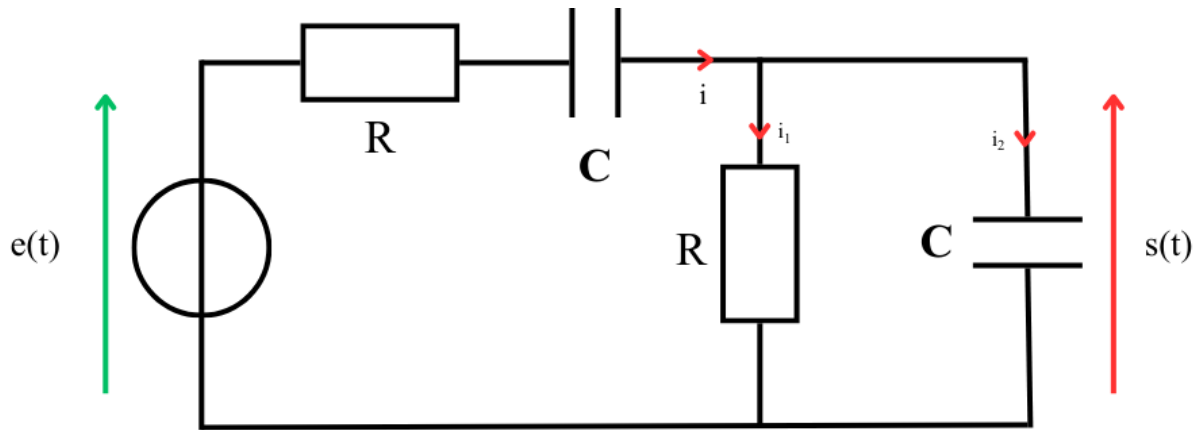
HENNER, OTT, PIRICO, TASTAN.

3 décembre 2025

**Objectif :** étudier des filtres

**Théorique :**

Schéma du filtre de Wien :



1. Rappeler la forme des complexes  $\underline{e}$  et  $\underline{s}$  associées aux tensions  $e(t)$  et  $s(t)$ .

$$\underline{e} = E e^{j\omega t}$$

$$\underline{s} = S e^{j\omega t}$$

2. Analyser la nature du filtre par schémas équivalents.

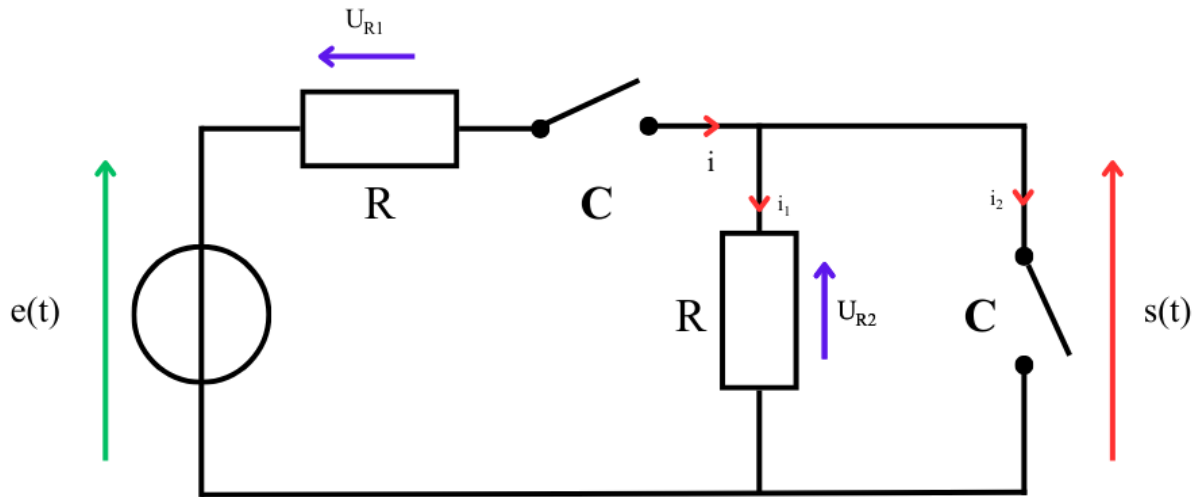
**En basse fréquence :**

Le condensateur se comporte comme un interrupteur ouvert.



C

Schéma équivalent :



Par la loi des nœuds :

$$i = i_1 + i_2$$

$$\Leftrightarrow i_1 = i_2 - i$$

On a des interrupteurs ouverts, on a alors :

$$i_1 = 0 - 0 = 0$$

D'où :

$$U_{R2} = 0$$

Et :

$$i = 0$$

Donc

$$U_{R1} = 0$$

Par la loi des mailles on a finalement :

$$U_{R2} = s(t)$$

$$\Rightarrow s(t) = 0$$

**En haute fréquence :**

Le condensateur se comporte comme un fil.

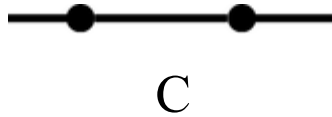
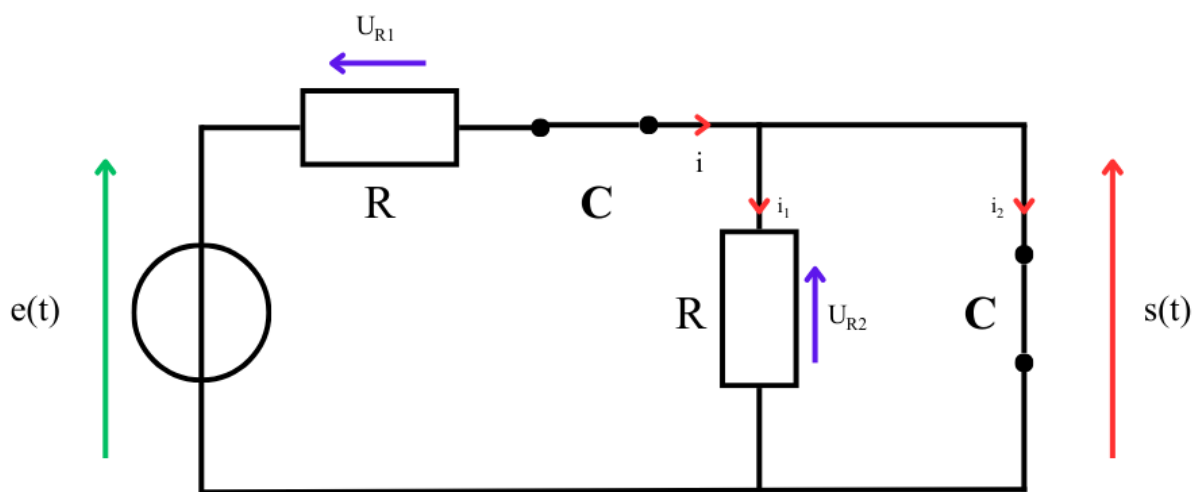


Schéma équivalent :



Ici, on a directement que

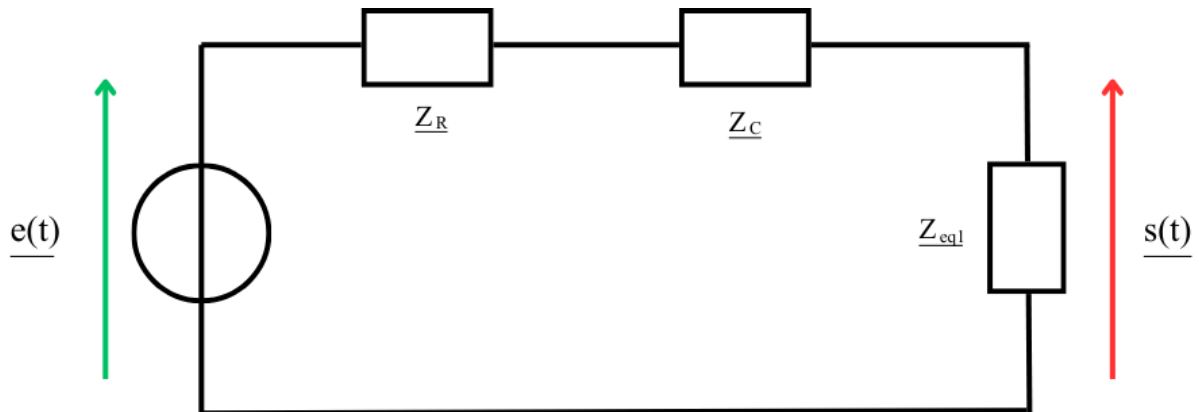
$$s(t) = 0$$

Car les tensions aux bornes d'un fil sont nulles.

On peut donc en conclure que c'est un filtre passe bande.

3. Exprimer la fonction de transfert.

Impédance équivalent



Avec ici :

$$\frac{1}{\underline{Z_{eq1}}} = \frac{1}{\underline{Z_C}} + \frac{1}{\underline{Z_R}}$$

$$\Leftrightarrow \underline{Z_{eq1}} = \frac{1}{\frac{1}{\underline{Z_C}} + \frac{1}{\underline{Z_R}}}$$

D'où :

$$\underline{Z_{eq1}} = \frac{1}{jC\omega + \frac{1}{R}}$$

Puis par pont diviseur de tension

$$\underline{s} = \frac{\underline{Z_{eq1}}}{\underline{Z_C} + \underline{Z_R} + \underline{Z_{eq1}}} \underline{e}$$

$$\Leftrightarrow \underline{s} = \frac{\frac{R}{1 + jRC\omega}}{\frac{1}{jC\omega} + R + \frac{R}{1 + jRC\omega}} \underline{e}$$

$$\Leftrightarrow \underline{s} = \frac{\frac{jRC\omega}{1+jRC\omega}}{1+jRC\omega + \frac{jRC\omega}{1+jRC\omega}} \underline{e}$$

$$\Leftrightarrow \underline{s} = \frac{jRC\omega}{1+3jRC\omega - (RC\omega)^2} \underline{e}$$

D'où

$$\underline{H} = \frac{jRC\omega}{1+3jRC\omega - (RC\omega)^2}$$

On peut avoir une autre forme en divisant par  $jRC\omega$  puis par 3

$$\underline{H} = \frac{\frac{1}{3}}{1 + \frac{1}{3}j \left( RC\omega - \frac{1}{RC\omega} \right)}$$

4. En déduire l'équation différentielle vérifiée par  $s(t)$ .

$$\underline{H} = \frac{\underline{s}}{\underline{e}} = \frac{jRC\omega}{1+3jRC\omega - (RC\omega)^2}$$

$$\Leftrightarrow \underline{s}(1+3jRC\omega - (RC\omega)^2) = \underline{e}jRC\omega$$

$$\Leftrightarrow \underline{s} + 3RCj\omega\underline{s} + (RC)^2(j\omega)^2\underline{s} = RCj\omega\underline{e}$$

Or multiplier par  $j\omega$  revient à dériver dans le temps d'où :

$$s(t) + 3RC \frac{ds}{dt} + (RC)^2 \frac{d^2s}{dt^2} = RC \frac{de}{dt}$$

$$\Leftrightarrow \frac{d^2s}{dt^2} + \frac{3}{RC} \frac{ds}{dt} + \frac{1}{(RC)^2} s = \frac{1}{RC} \frac{de}{dt}$$

5. Identifier et exprimer le facteur de qualité  $Q$  et la pulsation propre  $\omega_0$  du circuit.

Par identification on a :

$$\omega_0^2 = \frac{1}{(RC)^2}$$

$$\Leftrightarrow \omega_0 = \frac{1}{RC}$$

$$\frac{\omega_0}{Q} = \frac{3}{RC}$$

$$\Leftrightarrow \frac{1}{RCQ} = \frac{3}{RC}$$

$$\Leftrightarrow Q = \frac{1}{3}$$

6. Exprimer les pulsations de coupure en fonction de  $R$  et  $C$ . En déduire une expression des fréquences de coupure en fonction de  $R$  et  $C$ .

Aux pulsations de coupure, on a

$$|\underline{H}| = \frac{H_0}{\sqrt{2}}$$

$$\Leftrightarrow |\underline{H}| = \frac{1}{3\sqrt{2}}$$

$$\Leftrightarrow \frac{\frac{1}{3}}{\sqrt{1 + \frac{1}{9} \left( RC\omega_c - \frac{1}{RC\omega_c} \right)^2}} = \frac{1}{3\sqrt{2}}$$

Par identification, on a que :

$$1 + \frac{1}{9} \left( RC\omega_c - \frac{1}{RC\omega_c} \right)^2 = 2$$

$$\Leftrightarrow \left( RC\omega_c - \frac{1}{RC\omega_c} \right)^2 = 3^2$$

$$\Leftrightarrow RC\omega_c - \frac{1}{RC\omega_c} = 3 \quad \text{Ou} \quad \Leftrightarrow RC\omega_c - \frac{1}{RC\omega_c} = -3$$

$$\Leftrightarrow (RC\omega_c)^2 - 3RC\omega_c - 1 = 0 \quad \text{Ou} \quad \Leftrightarrow (RC\omega_c)^2 + 3RC\omega_c - 1 = 0$$

$$\Leftrightarrow \omega_c = \frac{3 \pm \sqrt{13}}{2RC} \quad \text{Ou} \quad \Leftrightarrow \omega_c = \frac{-3 \pm \sqrt{13}}{2RC}$$

On a  $\omega_c > 0$ , on alors :

$$\omega_{c1} = \frac{-3 + \sqrt{13}}{2RC}$$

Et

$$\omega_{c2} = \frac{3 + \sqrt{13}}{2RC}$$

D'où

$$f_1 = \frac{-3 + \sqrt{13}}{4\pi RC}$$

Et

$$f_2 = \frac{3 + \sqrt{13}}{4\pi RC}$$

7. Exprimer le gain statique  $H_0$  et la bande passante  $\Delta\omega_c$ .

A l'aide de l'expression trouver en question 3, on a directement que :

$$H_0 = \frac{1}{3}$$

De plus

$$\Delta\omega_c = \omega_{c2} - \omega_{c1} = \frac{6}{2RC} = 3\omega_0$$



## Mesure :

Choix des composants pour le circuit :

Deux condensateurs : 4,7 nF

Deux résistances de 300  $\Omega$

Filtre de Wien :

Voltmètre qui mesure la tension  
aux bornes du générateur (tension  
d'entrée)

Voltmètre qui mesure la tension aux  
bornes du condensateur (tension de  
sortie)

Générateur  
(GBF)



Deux résistances de  
300  $\Omega$

Les deux condensateurs  
de 4,7 nF

Tableau des tensions pour différentes fréquences :

Valeur efficace de la tension d'entrée

Valeur efficace de la tension de sortie

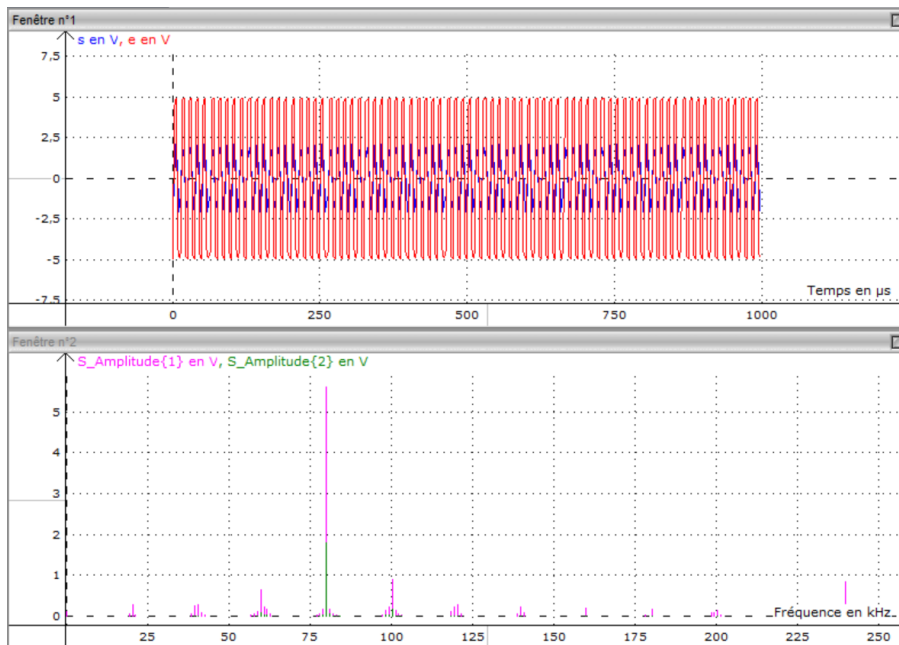
Fréquence du GBF

i	Eeff	Seff	f
	V	V	Hz
0	1,410	0,0010	1,000·10 <sup>6</sup>
1	1,480	0,0043	9,200·10 <sup>5</sup>
2	1,630	0,0185	8,500·10 <sup>5</sup>
3	1,993	0,0459	7,500·10 <sup>5</sup>
4	2,230	0,0923	6,500·10 <sup>5</sup>
5	2,320	0,1342	6,000·10 <sup>5</sup>
6	2,510	0,2490	5,000·10 <sup>5</sup>
7	2,800	0,4770	3,500·10 <sup>5</sup>
8	2,820	0,9020	1,800·10 <sup>5</sup>
9	2,840	0,8440	2,000·10 <sup>5</sup>
10	2,920	0,5828	3,000·10 <sup>5</sup>
11	2,970	0,6301	2,800·10 <sup>5</sup>
12	3,040	0,7064	2,500·10 <sup>5</sup>
13	3,080	0,7600	2,300·10 <sup>5</sup>
14	3,230	0,9850	1,500·10 <sup>5</sup>

15	3,450	1,059	7,500·10 <sup>4</sup>
16	3,460	1,017	6,000·10 <sup>4</sup>
17	3,460	1,034	1,300·10 <sup>5</sup>
18	3,460	1,069	8,500·10 <sup>4</sup>
19	3,470	0,9630	5,000·10 <sup>4</sup>
20	3,490	1,066	1,000·10 <sup>5</sup>
21	3,500	0,8170	3,500·10 <sup>4</sup>
22	3,500	0,1070	3500
23	3,500	0,0766	2500
24	3,510	0,6570	2,500·10 <sup>4</sup>
25	3,520	0,0461	1500
26	3,520	0,3820	1,300·10 <sup>4</sup>
27	3,520	0,3280	1,100·10 <sup>4</sup>
28	3,520	0,1520	5000
29	3,520	0,4350	1,500·10 <sup>4</sup>
30	3,520	0,5540	2,000·10 <sup>4</sup>

Spectre de chaque signal (à l'aide de Latis Pro) :

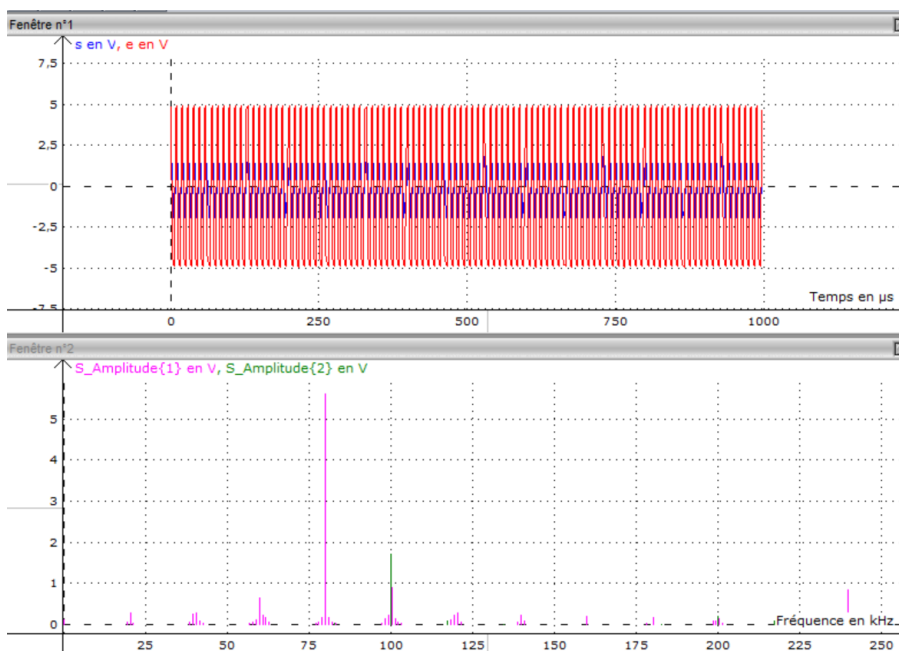
Signal créneau 1 de fréquence 80kHz :



$S\_Amplitude\{1\}$  :  
tension en sortie

$S\_Amplitude\{2\}$  :  
Tension en entrée

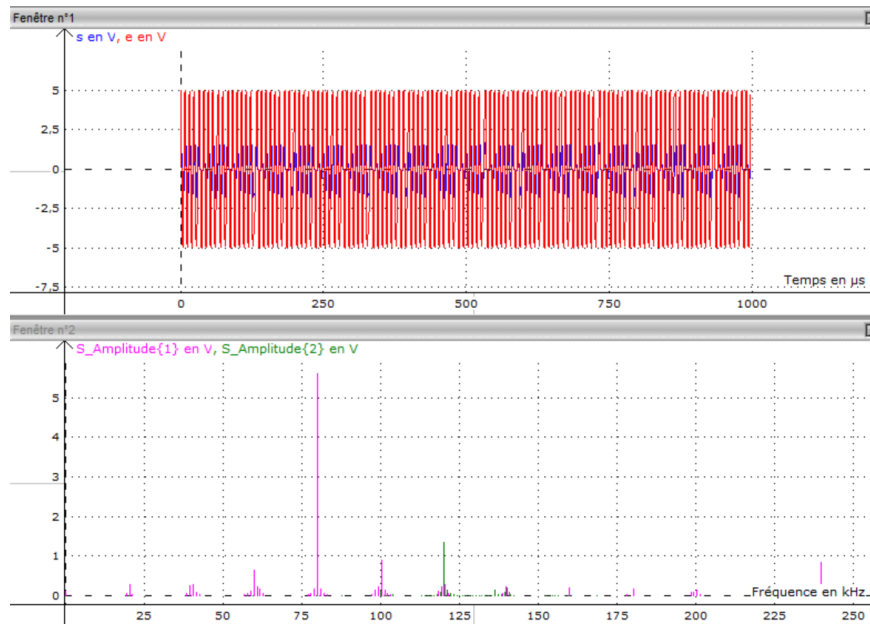
Signal créneau 2 de fréquence 100kHz :



$S\_Amplitude\{1\}$  :  
tension en sortie

$S\_Amplitude\{2\}$  :  
Tension en entrée

Signal créneau 3 de fréquence 120kHz:



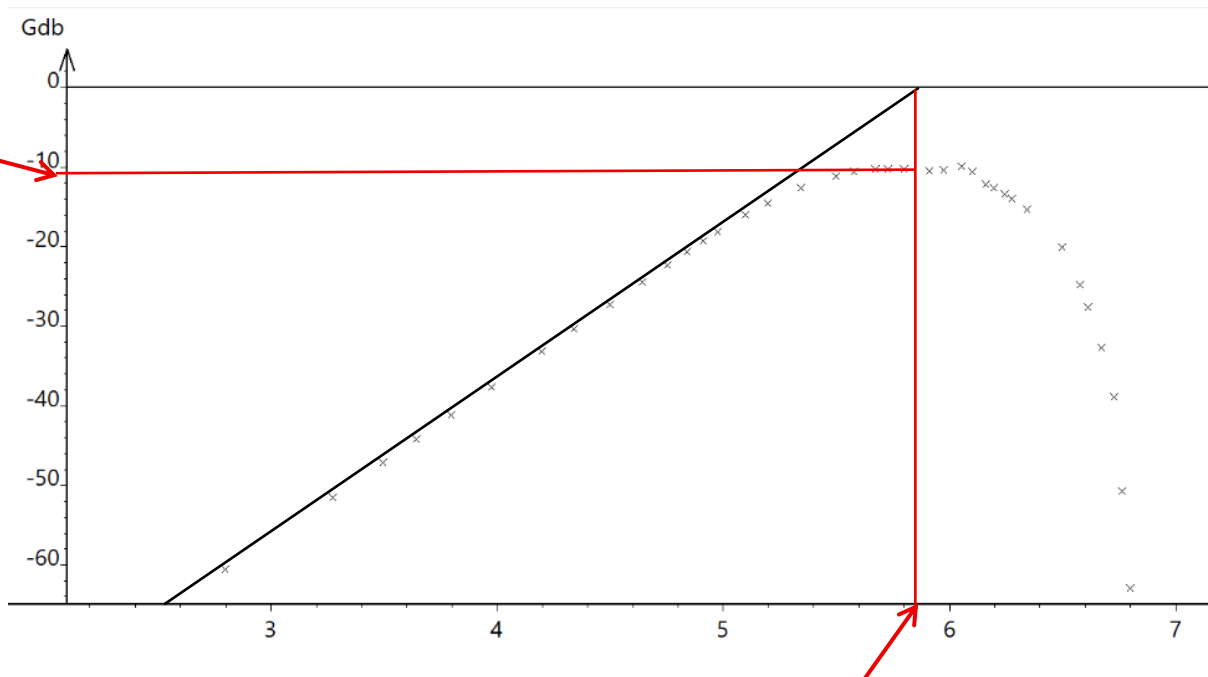
$S\_Amplitude\{1\}$  :  
tension en sortie

$S\_Amplitude\{2\}$  :  
Tension en entrée

**Analyse :**

8. Tracer les asymptotes sur le diagramme de Bode et retrouver la fréquence de coupure par lecture graphique.

Analyse du diagramme de Bode :



$GdB(\omega_c)$   
= -10 dB

$\text{Log}(\omega_c) = 5,9$

On a

$$\log(\omega_c) = 5,9$$

Donc

$$\omega_c = 10^{5,9} = 794\,328$$

Or

$$\omega_c = 2\pi \times f_c$$

Donc

$$f_c = \frac{\omega_c}{2\pi} = \frac{794\,328}{2\pi} = 126\text{KHz}$$

A l'aide du graphique on trouve une fréquence de coupure de 126 kHz.

9. Quelle est la valeur de GdB sur votre graphe à la fréquence (ou pulsation) de coupure ?

Par ailleurs à cette fréquence de coupure, on trouve GdB = -10 dB.

10. Modéliser la courbe  $GdB = f(\omega)$ .

Tracé de la courbe  $GdB = f(\omega)$  :

